

es-real^{0,22}

$\vdash es.P(es) \equiv_{\text{def}} \exists R:\text{Realizer}. R \Vdash es.P(es)$

clarification:

$\text{es-real}\{i:l\}(es.P(es)) \equiv_{\text{def}} \exists R:\text{es_realizer}\{i:l\}. R \Vdash\{i\} es.P(es)$